FIG. 1

FIG.2A

mn bit

120   K_i

$Y \leftarrow$ [F] $\leftarrow X$

mn bit mn bit

FIG.2B

120

K_i

mn bit

122   Z 121

n bit n bit

| | S-box 1 |
| | S-box 2 |

LINEAR
CONVERSION
SECTION

$Y \leftarrow$

mn bit

| | S-box 3 | $\leftarrow X$

mn bit

| | S-box m |

LINEAR
CONVERSION
LAYER

NONLINEAR
CONVERSION
LAYER

F I G . 3

example) $n=8, m=8$

$$\begin{pmatrix} Y[1] \\ Y[2] \\ \cdots \\ Y[8] \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,8} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,8} \\ \cdots & \cdots & \ddots & \cdots \\ a_{8,1} & a_{8,2} & \cdots & a_{8,8} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Z[1] \\ Z[2] \\ \cdots \\ Z[8] \end{pmatrix}$$

$$a_{i,j} \in GF(2^8), 1 \le i, j \le 8$$

NONLINEAR
CONVERSION
SECTION

122

125

OUTPUT

Y

mn bit

FIG. 4

F I G . 5

example) $n=8, m=8$

NONLINEAR CONVERSION SECTION

122

$$\begin{pmatrix} Y[1] = 98 \\ Y[2] = c4 \\ \cdots \\ Y[8] = 32 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,8} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,8} \\ \cdots & \cdots & \ddots & \cdots \\ a_{8,1} & a_{8,2} & \cdots & a_{8,8} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Z[1] = b7 \\ Z[2] = 00 \\ \cdots \\ Z[8] = 00 \end{pmatrix}$$

125

$a_{i,j} \in GF(2^8),\ 1 \le i, j \le 8$

OUTPUT
Y
mn bit

FIG.6

$\Delta X_{i-1} = (00,00,00,00,00,00,00,00)$

$\Delta Y_i = (98,c4,b4,d3,ac,72,0f,32)$

ROUND i

K_i

S1 → 34
b7 → 00
S2~ → 00
S8

LINEAR CONVERSION

$\Delta X_i = (34,00,00,00,00,00,00,00)$

141

$\Delta X_{i+1} = (98,c4,b4,d3,ac,72,0f,32)$

ROUND i+1

K_{i+1}

F

$\Delta X_i = (34,00,00,00,00,00,00,00)$

$\Delta Y_{i+1} = (34,00,00,00,00,00,00,00)$

142

$\Delta Y_{i+2} = (00,00,00,00,00,00,00,00)$

143

ROUND i+2

K_{i+2}

LINEAR CONVERSION

$\Delta X_{i+2} = (00,00,00,00,00,00,00,00)$

$\Delta X_{i+3} = (98,c4,b4,d3,ac,72,0f,32)$

ROUND i+3

K_{i+3}

F

$\Delta Y_{i+3} = (43,00,00,00,00,00,00,00)$

144

ROUND i+4

K_{i+4}

S1 → 43
b7 → 00
S2~ → 00
S8

LINEAR CONVERSION

$\Delta X_{i+4} = (43,00,00,00,00,00,00,00)$

$\Delta Y_{i+4} = (98,c4,b4,d3,ac,72,0f,32)$

145

OCCURRENCE OF SIMULTANEOUS DIFFERENCE VANISHMENT

$\Delta X_{i+5} = (00,00,00,00,00,00,00,00)$

F I G . 7

$\Delta X_{i-1} = (00,00,00,00,00,00,00,00)$

ROUND i $\quad K_i$

F $\quad\leftarrow \Delta X_i$

NON-ZERO

ROUND i+2 $\quad K_{i+2}$

F $\quad\leftarrow \Delta X_{i+2}$

NON-ZERO

ROUND i+4 $\quad K_{i+4}$

F $\quad\leftarrow \Delta X_{i+4}$

NON-ZERO

⋮   ⋮   ⋮

NON-ZERO

OCCURRENCE OF
SIMULTANEOUS
DIFFERENCE
CANCELLATION

ROUND i+2j $\quad K_{i+2j}$

ΔY_{i+2j}

F $\quad\leftarrow \Delta X_{i+2j}$

$\Delta X_{i+2J+1} = (00,00,00,00,00,00,00,00)$

FIG.8

example) $n=8$, $m=8$

$$
\begin{pmatrix}
9d & b4 & d3 & 5d & 84 & ae & ec & b9 \\
29 & 34 & 39 & 60 & 5c & 81 & 25 & 13 \\
67 & 6a & d2 & e3 & 4b & db & 9d & 4 \\
8e & d7 & e6 & 1b & 8b & 9e & 3a & 91 \\
d9 & e5 & 4d & dd & c6 & 5 & f0 & ad \\
2a & f7 & 67 & 72 & b1 & 7 & f2 & 27 \\
42 & e6 & a0 & 4 & f1 & 4 & 7d & 8c \\
55 & 63 & fa & 51 & c & d9 & 28 & d6
\end{pmatrix}
$$

F I G . 9

SETUP
EXAMPLE OF
r=6 AND q=3

P_L *mn* bit K_1 *mn* bit P_R *mn* bit

ROUND 1
L_1
402   401

ROUND 2
L_3

ROUND 3
L_2

ROUND 4
L_2

ROUND 5
L_3

ROUND 6
L_1

ROUND 7
L_1

ROUND 8
L_3

ROUND 9
L_2

ROUND 10
L_2

ROUND 11
L_3

ROUND 12
L_1

F I G . 1 0

$$\boxed{\text{START}}$$

S21

$$\boxed{\text{SELECT } q \text{ SATISFYING } q \leqq r}$$

S22

$$\boxed{\begin{array}{c}\text{GENERATE } q \text{ m-TH MDS MATRICES}\\ L_1, L_2, ..., L_q \text{ ON GF}(2^n)\end{array}}$$

S23

$$\boxed{\begin{array}{c}\text{SET A } (2i-1)\text{-TH}(1 \leqq i \leqq r)\\ \text{LINEAR CONVERSION MATRIX}\\ MLT_{2i-1} \text{ TO } MLT_{(i\text{-}mod\,q)+1}\end{array}}$$

S24

$$\boxed{\begin{array}{c}\text{SET A } 2i\text{-TH}(1 \leqq i \leqq r)\\ \text{LINEAR CONVERSION MATRIX}\\ MLT_{2i} \text{ TO } MLT_{Sr-2i+1}\end{array}}$$

$$\boxed{\text{END}}$$

F I G . 1 1

CASE OF q=6, n=8, AND m=8

(START)

S101

FIRST, GENERATE SIX MDS MATRICES AT RANDOM

$$\begin{pmatrix} 9d & b4 & d3 & 5d & 84 & ae & ec & b9 \\ 29 & 34 & 39 & 60 & 5c & 81 & 25 & 13 \\ 67 & 6a & d2 & e3 & 4b & db & 9d & 4 \\ 8e & d7 & e6 & 1b & 8b & 9e & 3a & 91 \\ d9 & e5 & 4d & dd & c6 & 5 & f0 & ad \\ 2a & f7 & 67 & 72 & b1 & 7 & f2 & 27 \\ 42 & e6 & a0 & 4 & f1 & 4 & 7d & 8c \\ 55 & 63 & fa & 51 & c & d9 & 28 & d6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

S102

NO

SECOND, CHECK WHETHER EIGHT COLUMN VECTORS
SELECTED ARBITRARILY FROM 48 COLUMN VECTORS
INCLUDED IN THE ABOVE-MENTIONED SIX MATRICES
ARE LINEARLY INDEPENDENT. (CHECK CAN BE DONE
BY CHECK ALGORITHM OF DETERMINANT. IT IS
DETERMINED THAT A MATRIX IS LINEARLY
INDEPENDENT IF ITS DETERMINANT IS NON ZERO)

$$\det \begin{pmatrix} C_1 & C_2 & C_3 & C_4 & C_5 & C_6 & C_7 & C_8 \end{pmatrix} = 0 \ ?$$

YES

S103

THIRD, IF THE FLOW PASSED THE CHECK, OUTPUT
SIX MDS MATRICES AS L_1, L_2, ...,L_6

(END)

F I G . 1 2

CASE OF q=6, n=8, AND m=8

```
( START )
```

S201

FIRST, GENERATE SIX MDS MATRICES AT RANDOM

$$
\begin{pmatrix}
9d & b4 & d3 & 5d & 84 & ae & ec & b9 \\
29 & 34 & 39 & 60 & 5c & 81 & 25 & 13 \\
67 & 6a & d2 & e3 & 4b & db & 9d & 4 \\
8e & d7 & e6 & 1b & 8b & 9e & 3a & 91 \\
d9 & e5 & 4d & dd & c6 & 5 & f0 & ad \\
2a & f7 & 67 & 72 & b1 & 7 & f2 & 27 \\
42 & e6 & a0 & 4 & f1 & 4 & 7d & 8c \\
55 & 63 & fa & 51 & c & d9 & 28 & d6
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ??
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ??
\end{pmatrix}
$$

$$
\begin{pmatrix}
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ??
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ??
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\
?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ??
\end{pmatrix}
$$

S202

NO

SECOND, CHECK WHETHER EIGHT COLUMN VECTORS SELECTED ARBITRARILY FROM 48 COLUMN VECTORS INCLUDED IN THE ABOVE-MENTIONED SIX MATRICES CONSTITUTE AN MDS MATRIX

$$(C_1 \quad C_2 \quad C_3 \quad C_4 \quad C_5 \quad C_6 \quad C_7 \quad C_8) = MDS \ ?$$

YES

S203

THIRD, IF THE FLOW PASSES ALL THE CHECKS, OUTPUT SIX MDS MATRICES AS L_1 , L_2 ,..., L_6

```
( END )
```

FIG.13

START

CASE OF
q=6, n=8, AND m=8 · S301

GENERATE A 48×48 MDS MATRIX

S302

SELECT ARBITRARY EIGHT ROW VECTORS FROM THE
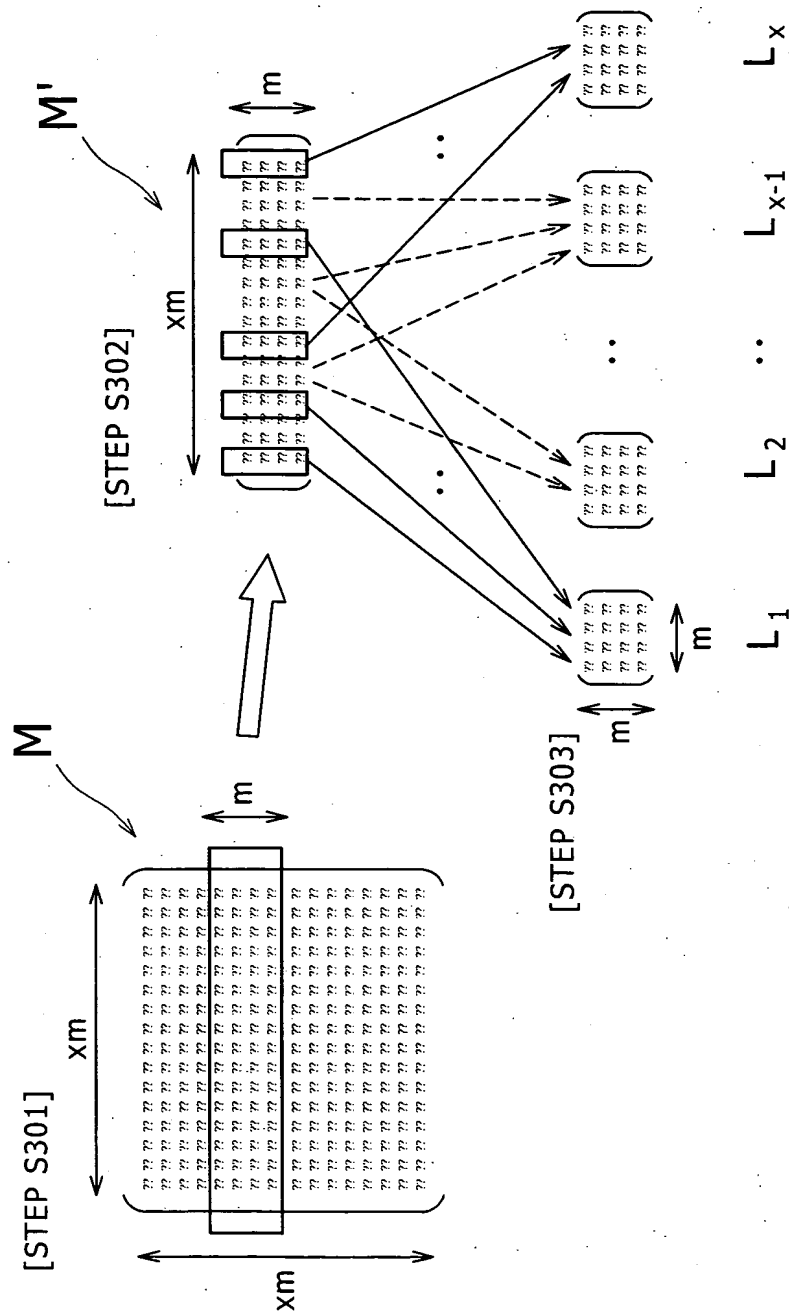ABOVE-MENTIONED MATRIX, AND DESIGNATE A MATRIX
COMPOSED OF THE VECTORS AS M'

S303

DIVIDE 48 COLUMN VECTORS OF M' INTO SIX GROUPS
EACH HAVING EIGHT COLUMN VECTORS TO CREATE
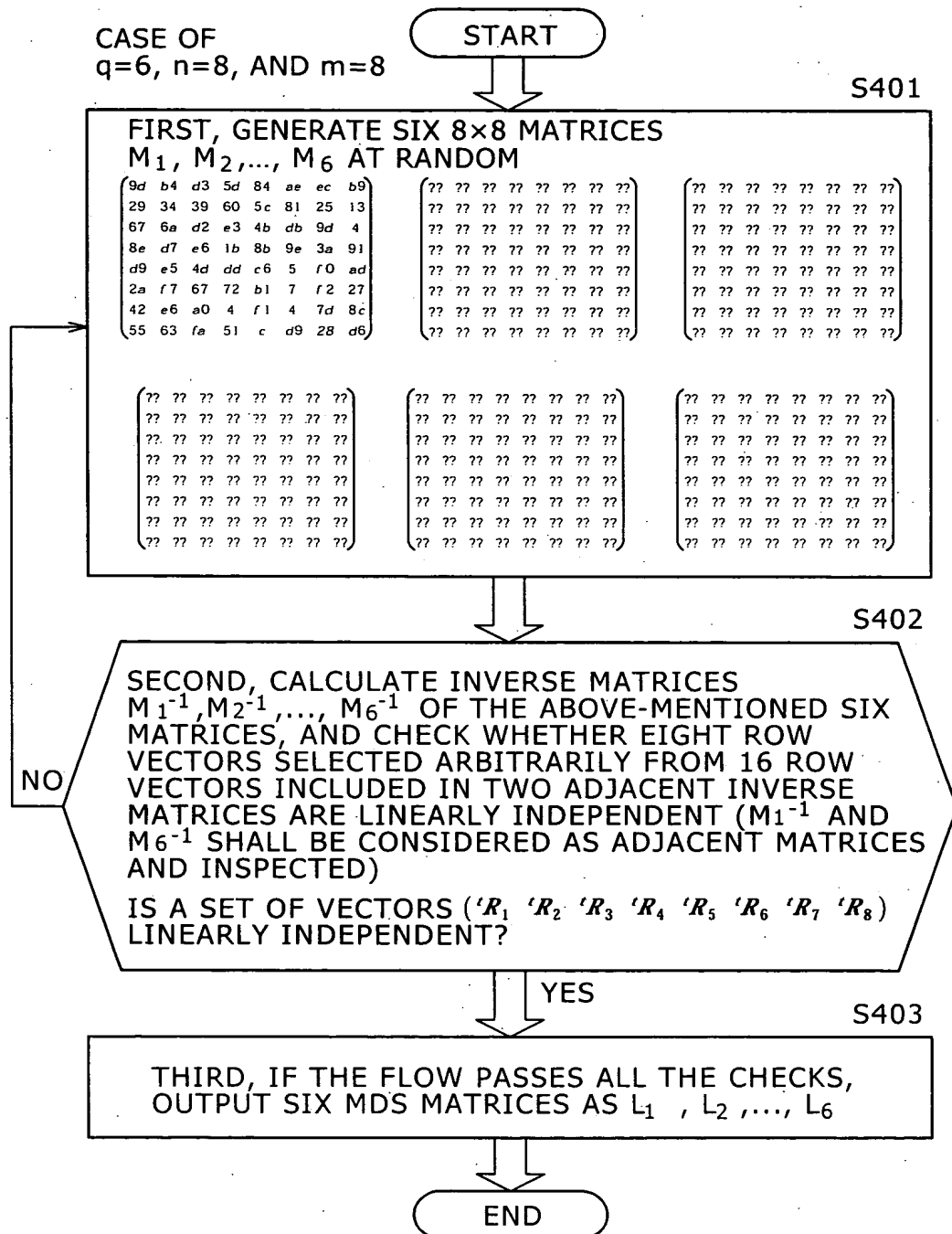8×8 MATRICES, AND OUTPUT THEM AS L_1, L_2,..., L_6

END

F I G . 1 4

[STEP S301]

M

[STEP S302]

M'

[STEP S303]

L_x

L_{x-1}

L_2

L_1

m

xm

xm

m

F I G . 1 5

CASE OF
q=6, n=8, AND m=8

(START)

S401

FIRST, GENERATE SIX 8×8 MATRICES
M_1, M_2,..., M_6 AT RANDOM

$$\begin{pmatrix} 9d & b4 & d3 & 5d & 84 & ae & ec & b9 \\ 29 & 34 & 39 & 60 & 5c & 81 & 25 & 13 \\ 67 & 6a & d2 & e3 & 4b & db & 9d & 4 \\ 8e & d7 & e6 & 1b & 8b & 9e & 3a & 91 \\ d9 & e5 & 4d & dd & c6 & 5 & f0 & ad \\ 2a & f7 & 67 & 72 & b1 & 7 & f2 & 27 \\ 42 & e6 & a0 & 4 & f1 & 4 & 7d & 8c \\ 55 & 63 & fa & 51 & c & d9 & 28 & d6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

S402

NO

SECOND, CALCULATE INVERSE MATRICES
M_1^{-1}, M_2^{-1},..., M_6^{-1} OF THE ABOVE-MENTIONED SIX
MATRICES, AND CHECK WHETHER EIGHT ROW
VECTORS SELECTED ARBITRARILY FROM 16 ROW
VECTORS INCLUDED IN TWO ADJACENT INVERSE
MATRICES ARE LINEARLY INDEPENDENT (M_1^{-1} AND
M_6^{-1} SHALL BE CONSIDERED AS ADJACENT MATRICES
AND INSPECTED)

IS A SET OF VECTORS ($'R_1$ $'R_2$ $'R_3$ $'R_4$ $'R_5$ $'R_6$ $'R_7$ $'R_8$)
LINEARLY INDEPENDENT?

YES

S403

THIRD, IF THE FLOW PASSES ALL THE CHECKS,
OUTPUT SIX MDS MATRICES AS L_1 , L_2 ,..., L_6

(END)

F I G . 1 6

CASE OF
q=6, n=8, AND m=8

START

S501

FIRST, GENERATE SIX 8×8 MATRICES
M_1, M_2,..., M_6 AT RANDOM

$$\begin{pmatrix} 9d & b4 & d3 & 5d & 84 & ae & ec & b9 \\ 29 & 34 & 39 & 60 & 5c & 81 & 25 & 13 \\ 67 & 6a & d2 & e3 & 4b & db & 9d & 4 \\ 8e & d7 & e6 & 1b & 8b & 9e & 3a & 91 \\ d9 & e5 & 4d & dd & c6 & 5 & f0 & ad \\ 2a & f7 & 67 & 72 & b1 & 7 & f2 & 27 \\ 42 & e6 & a0 & 4 & f1 & 4 & 7d & 8c \\ 55 & 63 & fa & 51 & c & d9 & 28 & d6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

S502

SECOND, CALCULATE INVERSE MATRICES
M_1^{-1}, M_2^{-1},..., M_6^{-1} OF THE ABOVE-MENTIONED SIX
MATRICES, AND CHECK WHETHER EIGHT ROW
VECTORS SELECTED ARBITRARILY FROM 16 ROW
VECTORS INCLUDED IN TWO ADJACENT INVERSE
MATRICES CONSTITUE AN MDS MATRIX (M_1^{-1} AND
M_6^{-1} SHALL BE CONSIDERED AS ADJACENT MATRICES
AND INSPECTED)

$$({}^t\!R_1 \quad {}^t\!R_2 \quad {}^t\!R_3 \quad {}^t\!R_4 \quad {}^t\!R_5 \quad {}^t\!R_6 \quad {}^t\!R_7 \quad {}^t\!R_8) = MDS \ ?$$

NO

YES

S503

THIRD, IF THE FLOW PASSES ALL THE CHECKS,
OUTPUT SIX MDS MATRICES AS L_1 , L_2 ,..., L_6

END

S05P1167

CASE OF
q=6, n=8, AND m=8

START

FIG.17

S601

FIRST, GENERATE SIX MDS MATRICES
M_1, M_2,..., M_6 AT RANDOM

$$\begin{pmatrix} 9d & b4 & d3 & 5d & 84 & ae & ec & b9 \\ 29 & 34 & 39 & 60 & 5c & 81 & 25 & 13 \\ 67 & 6a & d2 & e3 & 4b & db & 9d & 4 \\ 8e & d7 & e6 & 1b & 8b & 9e & 3a & 91 \\ d9 & e5 & 4d & dd & c6 & 5 & f0 & ad \\ 2a & f7 & 67 & 72 & b1 & 7 & f2 & 27 \\ 42 & e6 & a0 & 4 & f1 & 4 & 7d & 8c \\ 55 & 63 & fa & 51 & c & d9 & 28 & d6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \\ ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? & ?? \end{pmatrix}$$

S602

NO

SECOND, CHECK WHETHER EIGHT COLUMN VECTORS
SELECTED ARBITRARILY FROM 48 COLUMN VECTORS
INCLUDED IN THE ABOVE-MENTIONED SIX MATRICES
CONSTITUTE AN MDS MATRIX

$$(C_1 \quad C_2 \quad C_3 \quad C_4 \quad C_5 \quad C_6 \quad C_7 \quad C_8) = MDS \ ?$$

YES

S603

NO

THIRD, CALCULATE INVERSE MATRICES
$M_1^{-1}, M_2^{-1},..., M_6^{-1}$ OF THE ABOVE-MENTIONED SIX
MATRICES, AND CHECK WHETHER EIGHT ROW
VECTORS SELECTED ARBITRARILY FROM 16 ROW
VECTORS INCLUDED IN TWO ADJACENT INVERSE
MATRICES CONSTITUTE AN MDS MATRIX
(M_1^{-1} AND M_6^{-1} SHALL BE CONSIDERED AS ABJACENT
MATRICES AND INSPECTED)

$$({}^tR_1 \quad {}^tR_2 \quad {}^tR_3 \quad {}^tR_4 \quad {}^tR_5 \quad {}^tR_6 \quad {}^tR_7 \quad {}^tR_8) = MDS \ ?$$

YES

S604

FOURTH, IF THE FLOW PASSES ALL THE CHECKS,
OUTPUT SIX MDS MATRICES AS L_1 , L_2 ,..., L_6

END

S05P1167

F I G . 1 8